



این مقدار است که  $Z$  در این حالت برابر است با  $P_r = 4.58$  و  $\omega = 0.12$  است.

برای  $E.3$  و  $E.4$  در (50)  $T_r = 1.895$  و  $P_r = 4.14$  و  $\omega = 0.890$  است.

در این حالت  $T_r = 1.895$  و  $P_r = 4.14$  و  $\omega = 0.890$  است.

برای  $E.3$  و  $E.4$  در (50)  $T_r = 1.895$  و  $P_r = 4.14$  و  $\omega = 0.890$  است.

$$Z = Z^* + \omega Z'$$

$$= 0.887 + (0.012)(0.258) = 0.890$$

$$P = \frac{ZRT}{V} = \frac{0.890(0.7302)(581.67)}{2} \rightarrow P = 189.0 \text{ atm}$$



$$\left(\frac{\partial P}{\partial P}\right)_T = -\left(\frac{\partial K}{\partial T}\right)_P$$

2-3 اینها هم رضیف تمام بجز برای جمع ها مانند هستند و اینها را ثابت کنید

$$dv = \left(\frac{\partial v}{\partial T}\right)_P dT + \left(\frac{\partial v}{\partial P}\right)_T dP = \beta v dT - kv dP$$

$$\beta v dT + \left(\frac{\partial(\beta v)}{\partial P}\right)_T = -\left(\frac{\partial(kv)}{\partial T}\right)_P$$

4-3 برای این معضله رضیف تمام بجز برای هم و نام صورت زیر تقریباً در حالت

$$K = \frac{c}{v(P+b)}$$

$c, b$  برای گازها هستند و  $c$  و  $b$  برای مایعات و جامدات

همه با پیش فرض این است که  $500$  در  $60^\circ\text{C}$  در مایعات و جامدات است

$$T = 60^\circ\text{C}$$

$$P = 2700 \text{ bar}$$

$$c = 0.125 \frac{\text{cm}^3}{\text{gr}}$$

$$w = -\int p dv, \quad K = -\frac{1}{v} \left(\frac{\partial v}{\partial P}\right)_T \Rightarrow kv = -\frac{\partial v}{\partial P} \Rightarrow -\frac{\partial v}{\partial P} = \frac{c}{P+b}$$

$$w = -\int \frac{-Pc dP}{P+b} = +c \int \frac{(P+b)-b}{P+b} dP = c \int_{P_1}^{P_2} \left(1 - \frac{b}{P+b}\right) dP$$

$$w = c(P_2 - b \ln \frac{P_2+b}{P_1+b}) = 125 \times 10^{-6} \left(\frac{\text{m}^3}{\text{kg}}\right) (499 - 2700 \ln \left(\frac{500+2700}{1+2700}\right) \times 10^5)$$

$$\Rightarrow w = 516 \frac{\text{J}}{\text{kg}} = 0.516 \frac{\text{J}}{\text{gr}}$$

3- 52 atm 140 فوت مکعب "فوتسال" در دما 60 درجه فارنهایت و فشار 1 atm معادل 10 گالن برزین بهرین سوخت  
 مورد نیاز است. اگر هم میزان سوخت بهرین در دما 3000 PSia و 60 درجه فارنهایت کم معادل 10  
 گالن برزین محدود است؟

$V_{gas} = 1400 \text{ ft}^3$  (10 گالن برزین)
   
 $\left[ \begin{array}{l} 60 \text{ درجه فارنهایت} \\ 1 \text{ atm} \end{array} \right.$  "فوتسال"

$PV = nRT \Rightarrow 1 \text{ (atm)} * 1400 \text{ (ft}^3) = 0.7302 \left( \frac{\text{ft}^3 \cdot \text{atm}}{\text{lb-mole} \cdot R} \right) * n * 520 \text{ (R)}$

$\Rightarrow n = 3.687 \text{ lb-mole}$

$PV = nZRT$ 
  
 3000 PSia
   
 60 °F
   
 غیر ایده آل
   
 حدی که در رابطه سوال تعیین می شود

$Z = Z^0 + \omega Z^1$ 
  
 $T_c = 190.6 \text{ K} = 343.08 \text{ R}$ 
  
 $P_c = 45.99 \text{ bar}$ 
  
 $\omega = 0.012$

$\left[ \begin{array}{l} T_r = \frac{520}{343} = 1.516 \\ P_r = \frac{3000}{45.99 * 14.6} = 4.458 \end{array} \right. \Rightarrow \left[ \begin{array}{l} Z^0 = 0.819 \\ Z^1 = 0.234 \end{array} \right.$

$\Rightarrow Z = 0.819 + (0.234 * 0.012) = 0.822$

$\Rightarrow \frac{3000 \text{ (bar)} * V}{14.6} = 3.687 * 0.822 * 0.7302 * 520$

$\Rightarrow V = 5.6 \text{ ft}^3$

24  
 در این رابطه،  $1800 \text{ kPa}$ ،  $250^\circ\text{C}$ ،  $V$ ،  $Z = 0.93$

$$B = -152.5 \frac{\text{cm}^3}{\text{mole}}$$

$$C = -5800 \frac{\text{cm}^6}{\text{mole}^2}$$

این رابطه برای محاسبه ضریب تراکم (Z) استفاده می‌شود.  
 $(Z = 1 + \frac{B}{V} + \frac{C}{V^2})$

این رابطه برای محاسبه ضریب تراکم (Z) استفاده می‌شود.  
 $(Z = 1 + \frac{BP}{RT})$

محاسبه Z

$$\text{الف) } \frac{PV}{RT} = 1 + \frac{B}{V} + \frac{C}{V^2} \Rightarrow \frac{1800 \times 10^3 \times V \times 10^{-6}}{8.314 \times 523.15} = 1 - \frac{152.5}{V} - \frac{5800}{V^2}$$

$$\Rightarrow 4.14 \times 10^{-4} V = 1 - \frac{152.5}{V} - \frac{5800}{V^2} \Rightarrow 4.14 \times 10^{-4} V^3 = V^2 - 152.5V - 5800$$

$$\Rightarrow V^3 - 2415.5V^2 + 3.7 \times 10^3 V + 1.4 \times 10^7 = 0 \Rightarrow \begin{cases} V^{\text{sup}} = 2248.1 \frac{\text{cm}^3}{\text{mole}} \\ V^{\text{inf}} = 198.69 \frac{\text{cm}^3}{\text{mole}} \end{cases}$$

$$Z = \frac{PV}{RT} = \frac{1.8 \times 10^6 \times 2248.1 \times 10^{-6}}{8.314 \times 523.15} = 0.93$$

$$\text{ب) } B = \hat{B} \frac{RT_c}{P_c}, \quad \hat{B} = B_0 + \omega B_1, \quad T_r = \frac{523.15}{647.1} = 0.808, \quad P_r = \frac{1800 / 101.325}{220.55} = 0.801, \quad \omega = 0.345$$

$$\begin{cases} B_0 = -0.51 \\ B_1 = -0.281 \end{cases} \Rightarrow Z = 1 + (B_0 + \omega B_1) \frac{P_r}{T_r} = 0.939$$

$$Z = \frac{PV}{RT} \Rightarrow V = 2268 \frac{\text{cm}^3}{\text{mole}}$$

$$\text{ج) } V = 124.99 \frac{\text{cm}^3}{\text{mole}} \Rightarrow v = 124.99 \times 18 = 2252 \frac{\text{cm}^3}{\text{mole}}$$

$$Z = 0.939$$

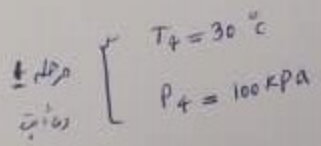
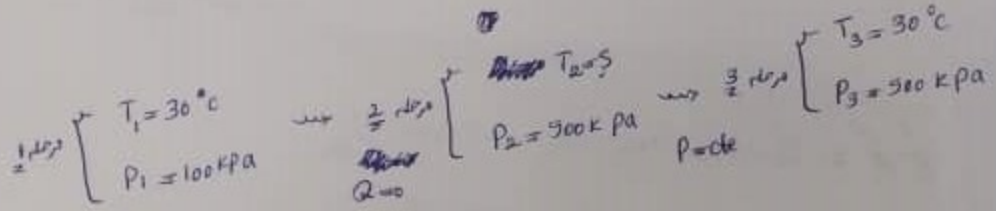
1- یک گاز ایده آل ابتدا در دما 30°C و فشار 100 kPa قرار دارد. تحت فرآیند آدیباتیک سرد شده است:

(a) فرآیند برشست نوری است. ابتدا به صورت آدیباتیک تا زمانی که به 500 kPa برسد. سپس به صورت همدمای با دما 30°C تا 500 kPa برسد. سپس به صورت همدمای با دما 30°C تا 100 kPa برسد.

(b) مسیر معکوس با مقیاس یکسان است. ابتدا فرآیند همدمای با دما 30°C تا 100 kPa برسد. سپس به صورت آدیباتیک تا زمانی که به 500 kPa برسد. سپس به صورت همدمای با دما 30°C تا 500 kPa برسد.

مقادیر  $\Delta H$ ,  $\Delta U$ ,  $W$ ,  $Q$  برای فرآیند را بدین ترتیب حساب کنید.

$C_p = \frac{7}{2} R$ ,  $C_v = \frac{5}{2} R$



برای فرآیند 1-2:  $Q=0$   $\Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \left(\frac{T_2}{T_1}\right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} \Rightarrow \frac{500}{100} = \left(\frac{T_2}{303.15}\right)^{\frac{1.4}{0.4}}$   
 $\Rightarrow T_2 = 5^{\frac{3.5}{4}} \times 303.15$   
 $\Rightarrow T_2 = 480.14 \text{ K}$

برای فرآیند 1-2:  
 $\Delta U_{12} = C_v (T_2 - T_1) = \frac{5}{2} R (T_2 - T_1) = 3.679 \frac{\text{kJ}}{\text{mole}}$   
 $\Delta H_{12} = C_p (T_2 - T_1) = 5.15 \frac{\text{kJ}}{\text{mole}}$   
 $Q = 0$   
 $\Delta U_{12} = Q_{12} + W_{12} \Rightarrow -W_{12} = \Delta U_{12} = 3.679 \frac{\text{kJ}}{\text{mole}}$

64

$$\begin{aligned}
 Q_{23} = \Delta H_{23} = Cp \Delta T = Cp (T_3 - T_2) &= \frac{7}{2} R (303.15 - 480.14) = -5.15 \frac{kJ}{mole} \\
 \Delta U_{23} = C_v \Delta T = \frac{5}{2} R (303.15 - 480.14) &= -3.679 \frac{kJ}{mole} \\
 \Delta U_{23} = Q_{23} + W_{23} \Rightarrow -3.679 = -5.15 + W_{23} &\Rightarrow W_{23} = -1.471 \frac{kJ}{mole}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \Delta U_{31} = \Delta H_{31} &= 0 \\
 Q_{31} + W_{31} = \int_3^1 p dv = \int_3^1 p d\left(\frac{RT}{p}\right) = -RT_3 \int \frac{dp}{p} &= -RT_3 \ln \frac{P_1}{P_3} \\
 &= -RT_3 \ln \frac{100}{500} = +1.056 \frac{kJ}{mole}
 \end{aligned}$$

المجموع :  $Q = Q_{12} + Q_{23} + Q_{31} = -1.094 \frac{kJ}{mole}$

$W = W_{12} + W_{23} + W_{31} = -1.094 \frac{kJ}{mole}$

المجموع :  $\Delta U = \Delta H = 0$

$$\begin{aligned}
 W'_{12} = \frac{W_{12}}{0.8} \Rightarrow W'_{12} = -4.578 \frac{kJ}{mole} &\Rightarrow \Delta U'_{12} = Q'_{12} + W'_{12} \Rightarrow Q'_{12} = -0.32 \frac{kJ}{mole} \\
 \Delta U'_{12} = \Delta U_{12} = 3.679 \frac{kJ}{mole}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 W'_{23} = \frac{W_{23}}{0.8} \Rightarrow W'_{23} = -1.839 \frac{kJ}{mole} &\Rightarrow \Delta U'_{23} = Q'_{23} + W'_{23} \Rightarrow Q'_{23} = -5.518 \frac{kJ}{mole} \\
 \Delta U'_{23} = \Delta U_{23} = -3.679 \frac{kJ}{mole}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 W'_{31} = \frac{W_{31}}{0.8} \Rightarrow W'_{31} = +3.245 \frac{kJ}{kg} &\Rightarrow \Delta U'_{31} = Q'_{31} + W'_{31} \Rightarrow Q'_{31} = +3.245 \frac{kJ}{kg} \\
 \Delta U'_{31} = \Delta U_{31} = 0
 \end{aligned}$$

المجموع :  $Q = -3.192 \frac{kJ}{kg}$

$W = 3.192 \frac{kJ}{kg}$



25- ارزش پیدا کردن حجم داخلی  $V_B^+$  یک استوانه گاز شامی را حاصل برآید. استوانه از گازی در فشار  $P_1$  پر شده است. از طریق لوله کوچک و شیرکی به یک مخزن اصلی که عملاً با حجم معلوم  $V_A^+$  متصل می شود وقتی شیر باز شود، گاز از طریق لوله مخزن اصلی جریان می یابد. پس از آنکه سیستم به درنا اولیه خود بر می گردد یک فشار سنج حساب مقدار تغییر فشار  $\Delta P$  در استوانه را مشخص می کند. حجم استوانه  $V_B^+$  را اندازه آ زیر به دست آورید:

$$V_A^+ = 256 \text{ cm}^3$$

$$\frac{\Delta P}{P_1} = -0.0639$$

if gas  $\rightarrow$  ideal  $PV = RT$

$$P_1 V_B = P_2 (V_A + V_B)$$

$$P_1 V_B = P_2 V_A + P_2 V_B \Rightarrow \Delta P V_B = -P_2 V_A + P_1 V_A + P_1 V_A$$

$$\Delta P V_B = -\Delta P V_A - P_1 V_A$$

$$\Delta P (V_A + V_B) = -P_1 V_A$$

$$\Rightarrow \frac{-\Delta P}{P_1} = \frac{V_A}{V_A + V_B} \Rightarrow 0.0639 = \frac{256}{256 + V_B}$$

$$\Rightarrow V_B = 3750.3 \text{ cm}^3$$

$\rightarrow$  سیلندر در سیستون ۵ م<sup>۳</sup> حجم ۰.۱ م<sup>۳</sup> حاوی ۰.۵ kg بخار آب در فشار ۰.۴ مپا و دما ۳۰۰ °C است. این بخار را در فشار ۰.۱ مپا و دما ۳۰۰ °C سرد می‌کنیم. که در انتهای سرد شدن بخار را می‌توانیم در دست آوریم.

$$\Delta E = Q - W$$

$$\Delta U + \Delta K_e + \Delta P_e = Q - W = Q - W_s - \Delta(PV)$$

جمع تغییر در انرژی جنبش و پتانسیل برابر صفر است.

با متوسط حرکت ذرات صورت می‌گیرد.

نیز در فرآیند سرد شدن رخ می‌دهد.

$$P = \text{conste} \Rightarrow \Delta U = Q - P \Delta V$$

$$\Rightarrow m(u_2 - u_1) = Q - mp(v_2 - v_1)$$

$$\Rightarrow Q = m([u_2 - pv_2] - [u_1 - pv_1]) = m(h_2 - h_1)$$

$$v_1 = \frac{V_1}{m} = \frac{0.1}{0.5} = 0.2 \quad \begin{matrix} 0.4 \text{ mpa} \\ \Rightarrow v_1 = 0.2 \end{matrix} \Rightarrow \begin{cases} v_f = 0.001084 \text{ m}^3/\text{kg} \\ v_g = 0.4614 \text{ m}^3/\text{kg} \end{cases}$$

$$v_1 = x v_f + (1-x) v_g \Rightarrow 0.2 = 0.001084 + x_1 (0.4614) \Rightarrow x_1 = 0.4311$$

$$\Rightarrow \begin{cases} h_f = 602.74 \text{ kJ/kg} \\ h_g = 2133.8 \text{ kJ/kg} \end{cases} \Rightarrow h_1 = h_f + x_1 h_{fg} = 1524.7 \text{ kJ/kg}$$

$$P = 0.4 \text{ mpa} \quad h_2 = 3066.8 \text{ kJ/kg}$$

$$T = 300 \text{ }^\circ\text{C} \quad v_2 = 0.6548 \text{ m}^3/\text{kg}$$

$$Q = 0.5 (3066.8 - 1524.7) = 771.1 \text{ kJ}$$

$$W = mp(v_2 - v_1) = 0.5 + 400(0.6548 - 0.2) = 91 \text{ kJ}$$

$$\Delta U = Q - W = 771.1 - 91 = 680.1 \text{ kJ}$$

22. سوالاتی در مورد پدیده‌های انتقال جرم در مایعات مذکور شده است. اگر فرض کنیم  $1.5 \text{ m}$  در هر دو سمت و در هر دو جانب از میان یک شیب عمودی است. این مسئله حاصل می‌شود  
 عدد شیب فشار (622.30 Pa)  $100 \text{ psia}$  در  $120^\circ \text{F}$  در صورت متوسط  $20 \text{ ft/s}$  در  $20 \text{ ft/s}$  در شیب از شیب  $20 \text{ psia}$   
 باشد. این مقدار است؟ فرض کنید  $PV/T = \text{const}$  در صورتی که در مایعات است.  $C_p = \frac{7}{2} R$  و  $C_v = \frac{5}{2} R$

$$\Delta H + \frac{1}{2} \Delta u^2 + g \Delta z = \int \dot{q} \dot{W}$$

$$\begin{aligned} \dot{m}_1 &= \dot{m}_2 & \frac{PV}{T} &= \text{cte} \\ P_1 u_1 A_1 &= P_2 u_2 A_2 & \frac{P_1 V_1}{T_1} &= \frac{P_2 V_2}{T_2} \\ \rightarrow u_2 &= u_1 \frac{P_1}{P_2} = u_1 \frac{V_1}{V_2} = u_1 \left( \frac{T_2}{T_1} \frac{P_1}{P_2} \right) \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \Delta H = - \frac{\Delta u^2}{2g_c}$$

$$\Rightarrow \Delta H = + \frac{u_1^2}{2g_c \times 778.16} \left( 1 - \left( \frac{T_2}{T_1} \frac{P_1}{P_2} \right)^2 \right) = \frac{7}{2} R \Delta T$$

$$\rightarrow \frac{400}{7 \times 32.174 \times 778.16 \times \frac{7}{2} \times \left( \frac{1.586}{28} \right)} \left( 1 - \frac{25}{800} \left( \frac{T_2}{T_1} \right)^2 \right) = \Delta T$$

$$\Rightarrow 0.0322 \left( 1 - \frac{25}{800} \left( \frac{T_2}{T_1} \right)^2 \right) = \Delta T \Rightarrow T_2 = T_1 + 0.0322 \left( 1 - \frac{25}{800} \left( \frac{T_2}{T_1} \right)^2 \right)$$

در صورتی که  $T_2 = 570 \Rightarrow T_2 = 578.92 \text{ } ^\circ \text{R}$

$T_2 = 578.92 \Rightarrow T_2' = 578.899 \text{ } ^\circ \text{R}$

13 - 18 - 19 - 21 - 26 - 29

25- در یک لوله مستقیم افقی که به یک لوله دیگر به قطر 28 cm (10.94 in) در سمت راست آن متصل است (25.4 cm) است. سرعت آب 45.93  $\frac{ft}{s}$  (14  $\frac{m}{s}$ ) می باشد. اگر طول لوله با همان به 1.5 in (3.81 cm) برسد تغییرات آب مقدر است؟ اگر قطر 3 in (7.62 cm) باشد طول 5 متر تغییرات برای آب اگر قطر لوله مقدر است؟

$$SI: \Delta H + \frac{1}{2} \Delta U^2 + g \Delta z = \dot{q} + w$$

$$\dot{m}_1 = \dot{m}_2$$

$$\rho_1 V_1 A_1 = \rho_2 V_2 A_2 \Rightarrow V_2 = V_1 \frac{A_1}{A_2} = V_1 \left( \frac{D_1}{D_2} \right)^2$$

$$\Delta H + \frac{1}{2} \Delta U^2 = 0$$

$$\Rightarrow \Delta H = \frac{1}{2} (U_1^2 - U_2^2) = \frac{1}{2} U_1^2 \left( 1 - \left( \frac{D_1}{D_2} \right)^4 \right)$$

$$D_1 = 2.54 \text{ cm}$$

$$D_2 = 3.81 \text{ cm} \Rightarrow \Delta H = \frac{1}{2} (14)^2 \left( 1 - \left( \frac{2.54}{3.81} \right)^4 \right) = 78.64$$

$$V_1 = 14 \frac{m}{s}$$

$$\Rightarrow \Delta T = \frac{78.64}{C_p} = \frac{78.64}{4180} = 0.0188 \text{ } ^\circ\text{C}$$

$$\Delta H + \frac{1}{2g_c} \Delta U^2 + \frac{g}{g_c} \Delta z = \dot{q} + w$$

تغییرات انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل

$$\frac{78.64 \text{ J}}{1 \text{ kg}} \times \frac{1 \text{ Btu}}{1055.06 \text{ J}} = 0.0745 \text{ Btu/lb}$$

$$\Delta H = \frac{1}{2g_c} U_1^2 \left( 1 - \left( \frac{D_1}{D_2} \right)^4 \right) / 778.16$$

$$C_p = 4.18 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}} + \frac{10 \text{ J}}{\text{kg}} + \frac{1 \text{ Btu}}{1055.06 \text{ J}}$$

$$C_p \Delta T = \frac{1}{2g_c \times 778.16} U_1^2 \left( 1 - \left( \frac{D_1}{D_2} \right)^4 \right)$$

$$\begin{aligned} & * \frac{1 \text{ kg}}{10^3 \text{ g}} + \frac{453.59 \text{ Btu}}{1 \text{ Btu/lb}} * \frac{1 \text{ lb}}{1.28} \times \frac{1 \text{ } ^\circ\text{C}}{1.8 \text{ } ^\circ\text{F}} \\ & = 0.992 \frac{\text{Btu}}{\text{lb}_m \cdot ^\circ\text{F}} \end{aligned}$$

$$\Delta T = \frac{1}{2 + 32.174 + 778.16 \times 0.992} (45.93)^2 \left( 1 - \left( \frac{1}{1.5} \right)^4 \right)$$

$$\Delta T = 0.0339 \text{ } ^\circ\text{F} + \frac{1 \text{ } ^\circ\text{F}}{1.8 \text{ } ^\circ\text{C}} = 0.0188 \text{ } ^\circ\text{C}$$

تغییرات انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل

$$\Delta T = \frac{1}{2g_c} U_1^2 = \frac{98}{4180} = 0.0234 \text{ } ^\circ\text{C}$$